

## المحاضرة الثانية الالكترونيات التماثلية ا.د. ياسين حميد محمود

### 2-1 التحركية والايصالية :

مما سبق واعتمادا على ظاهرة تداخل حرمانا التكافؤ والتوصيل في الموصلات يمكن القول ان حزمة التكافؤ لن تكون مملوءة تماما ولا يوجد ما يحظر على الالكترين ان يتعدى إلى أي من مستويات الطاقة فاعتمادا على نوع المعدن هناك على الأقل الكترينا واحداً في كل ما ذكر حر الحركة ان لم يكن الكترينين أو أكثر. ونتيجة لحركة الالكترينات المستمرة لانها تصطدم بالذرات الأخرى مغيرة بذلك اتجاه حركتها ( اي حركة الالكترينات) عند كل اصطدام ومن هنا جاء مصطلح معدل المسافة بين الاصطدامات ليعني متوسط المسار الحر mean free - path ولعشوائية حركة الالكترين في حالة انعدام التأثيرات الخارجية فإن معدل عدد الالكترينات المارة خلال مساحة ما ووقت ما وفي اي اتجاه كان يساوي معدل عدد الالكترينات المارة بعكس الاتجاه وبذلك تكون محصلة النهار صفرا

أما عند تسليط مجال كهربائي خارجي ثابت مقداره  $\mathcal{E}$ ، بين طرفي المعدن فان الالكترينات ستكتسب تعجيلا باتجاه الطرف الموجب ( يعكس اتجاه المجال الخارجي ) ولولا الاصطدامات التي تحدث في الاجسام الصلبة لانطبقت هنا نفس القوانين المستعملة للالكترينات المعجلة ولكن ولنتيجة الاصطدامات فان الالكترينات تساق بمعدل سرعة ثابتة تسمى سرعة الانسياق drift speed (  $V$  ) بموجب العلاقة التالية

$$V = \mu \mathcal{E} \dots\dots\dots(1)$$

حيث ترمز التحركية الالكترين electron mobility وتقاس بالمتري المربع لكل فولت ثانية ان السياق الالكترينات نحو الطرف الموجب من الموصل الصلب والحاوي على اعلى طاقة موجبة مؤثرة على الموصل يحقق تيارا ذا اتجاه ( تقليدي) معاكس لاتجاه حركة الالكترينات فإذا قطعت  $N$  من الالكترينات سلكا طوله 1 ومساحة مقطعه  $A$  في زمن مقداره : فان التيار 1 يكون

$$I = \frac{Ne}{t} \dots\dots\dots (2)$$

حيث  $e$  تمثل شحنة الالكترون الواحد وكثافة التيار هذا توزيعه على المساحة المقطعية) تكون

$$J = \frac{I}{A} = \frac{Ne}{tA} \dots\dots\dots(3)$$

$$J = \frac{NeV}{LA} \dots\dots\dots(4)$$

$$J = n e v \dots\dots\dots(5)$$

حيث تمثل  $n$  كثافة الالكترونات وبالتعويض عن  $v$  من المعادلة 1 في المعادلة 5

$$J = n e \mu \mathcal{E} \dots\dots\dots(6)$$

$$J = \sigma \mathcal{E} \dots\dots\dots(7)$$

$$J = n e \mu \dots\dots\dots(8)$$

وتسمى موصلية او ايصالية المعدن conductivity ووحدة قياسها الأساسية ( اوم.متر)

اما المعادلة (6) فهي بالحقيقة صيغة من قانون اوم القائل بان تيار التوصيل يتناسب طرديا مع

الجهد المسلط الخارجي

بلا حظ من المعادلة ( 7 ) أن التوصيل يتناسب طردياً مع كثافة الالكترونات الحرة  $n$  فبالنسبة

للموصلات الجديدة تكون هذه الكثافة عالية جداً ( حوالي  $10^{28}$  الكترون / المتر المكعب ) بينما

تقل كثيراً في العوازل ( حوالي  $10^7$  الكترون / المتر المكعب ) أما في اشباه الموصلات فانها

بين هاتين القيمتين

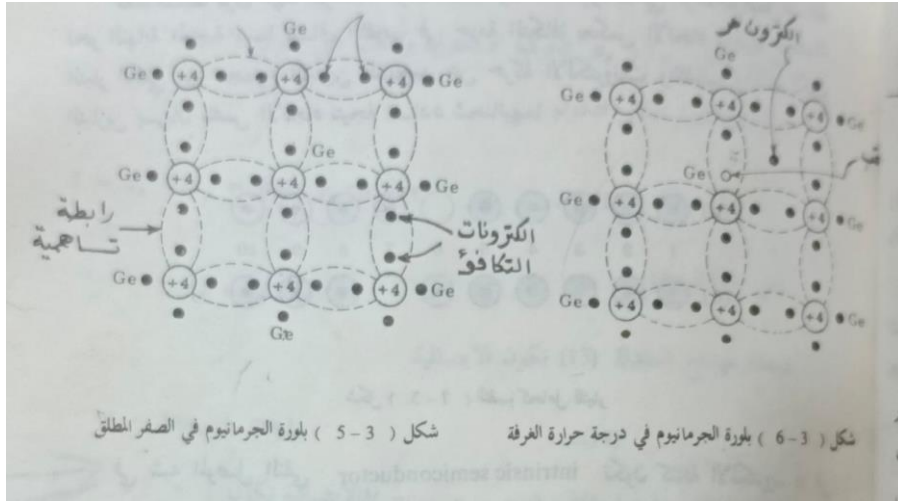
( التي وحدتها resistivity الإيصالية هي مقلوب المقاومة )

### 3 شبه الموصل النقي

يعتبر عنصرا السيليكون والجرمانيوم من اهم اشباه الموصلات المستعملة في الاغراض الالكترونية ويقعان ضمن المجموعة الرابعة group IV أو رباعية التكافؤ من عناصر

الجدول الدوري . ولعنصر السيليكون 14 الكترونا في تركيبه الذري , بينما تمتلك ذرة الجرمانيوم 32 الكترونا، ولكي تتعادل ذرات كل منهما تكون نواتهما على التوالي +14 و +32 . ومن الخواص الفريدة كون الذرات قادرة على الاتحاد فيما بينها عن طريق ترابط الكترولونات التكافؤ للذرات المتجاورة وتكوين ما يسمى باصرة او رابطة تساهمية covalent bond ويكون التركيب العام عبارة عن مجموعة من الذرات مرتبة ترتيبا هندسيا دقيقا على ابعاد معينة من بعضها طولا وعرضا وارتفاعا ويطلق على هذا التركيب بالتركيب البلوري crystalline structure وعلى قطعة المادة بالبلورة crystal يوضح الشكل (4,1) تركيب بلورة الجرمانيوم في درجة الصفر المطلق وقد رسمت ذراتها على بعدين وبصورة رمزية حسب نموذج بوهر Bohr المبسط للذرة ( وذلك برسم الكترولونات التكافؤ فقط وما يعادلها هي الشحنة الموجبة ) . وعند توصيل جهد ما الى مثل هذه البلورة فلن يحدث أي توصيل بسبب امتلاء حزمة التكافؤ وخلو حزمة التوصيل في هذا التركيب البلوري من الالكترولونات الحرة ، حيث ان الالكترولونات للذرات المجاورة اصبحت مرتبطة ببعضها لسد حزمة التكافؤ لجميع تلك الذرات المتجاورة والمشاركة لهذه الالكترولونات. أما اذا تعرضت البلورة لمؤثرات خارجية ضوئية كانت ام حرارية فإن ارتباط الالكترولونات التكافؤية يضعف وتتحرر عندئذ. وتكفي درجة حرارة الغرفة لمثل هذا التأثير خصوصا لبلورة الجرمانيوم .

وبين الشكل (6-1) الكترولونات تم اعتافه من حزمة التكافؤ في بلورة الجرمانيوم وقد عبر فجوة الحرمة واصبح طليقا في حزمة التوصيل عليه فقد اصبح التوصيل الكهربائي ممكنا لبعض الشيء الآن

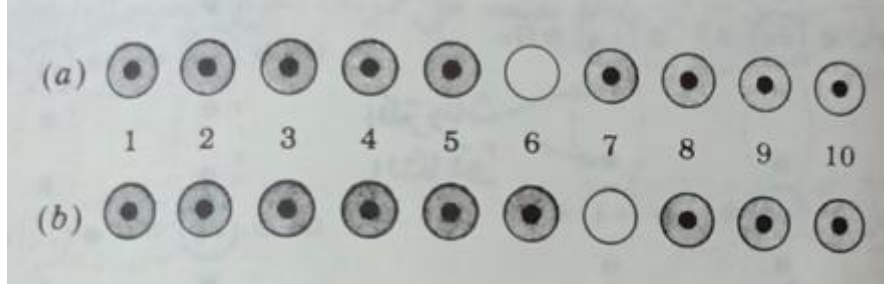


ان الطاقة  $E_0$  الكافية لفك الرابطة التساهمية في بلورة الجرمانيوم في درجة حرارة الغرفة نسوي  $0.7 \text{ eV}$  وبلورة السيليكون تساوي  $1.1 \text{ eV}$  وترمز الدائرة الصغيرة في الشكل (6-1) الى الحيز الذي يمثل غياب الالكترن ويدعى الفجوة او الثقب hole ولهذا الثقب اهميته الخاصة حيث يعتبر حاملا للكهربائية مثلما تعتبر الالكترونات الحرة كذلك .

فعندما تتحرك الالكترونات من حزمة التكافؤ فانها تترك شاعرا في الاصرة التكافؤية يمكن ملئه نتيجة حركة الكترن راجع من حزمة التوصيل او الكترن من اصرة تكافؤية اخرى من الذرات المجاورة. اما اذا حدث الاحتمال الاخير فان شاغرا جديدا سيتكون في تلك الذرة له اتجاه حركة بعكس اتجاه الالكترن المتحرر والشكل (7-3) يوضح ذلك حيث ترمز الدائرة ذات النقطة المركزية الى اصرة متكاملة بينما تمثل الدائرة الفارغة اصرة ممزقة ( حاوية على ثقب او شاغر) وفي الشكل (a) يوجد الثقب في الاصرة رقم (6) . فاذا انتقل الكترن من الاصرة رقم (7) الى الشاغر في الاصرة (6) ينتج الشكل ( 6 ) وبمقارنة الشكلين يمكن الاستنتاج بان الثقب قد تحرك من الاصرة ( 6 ) الى (7) وهذا يعني

ان انتقال الالكترن في اتجاه ما يصحبه انتقال ثقب ( شحنة معاكسة لنفس المسافة يعني وبالعكس الاتجاه. وبمعنى اخر ان الثقب يقوم مقام شحنة ( خيالية موجبة مساوية القيمة شحنة الالكترن

ف عند تسليط فرق جهد عبر اشباه الموصلات تكون الالكترونات في حزمة التوصيل مسافة نحو النهاية الموجبة بينما تنساق الثقوب في حزمة التكافؤ بعكس الاتجاه وتكون محصلة التيار الكلي من مجموع التيارين الناتجين عن حركة الالكترونات والثقوب وذلك لكون التيارين يسريان بنفس الاتجاه نتيجة تضاد شحناتيهما



شكل (1-7) الثقب كحامل للتيار

في شبه الموصل النقي intrinsic semiconductor تكون كثافة الالكترونون  $n$  في حزمة التوصيل مساوية لكثافة الثقوب  $p$  التي خلفتها تلك الالكترونات في حزمة التكافؤ وهذه الكثافة تعرف بالكثافة النقية او الاصلية intrinsic density ويرمز لها بالحرف  $n_i$  وطالما بقيت المحفزات الخارجية ( كالحرارة ) فان عملية توليد ازواج جديدة من الالكترونات والثقوب تستمر في حين تختفي ازواج أخرى نتيجة اعادة الالتحام recombination بين الالكترونات والثقوب .ويمكن القول بصورة عامة ان تساوي المتوسط الهندسي لكثافة الالكترونات وكثافة الثقوب  $p$  اي

$$n_p = n_i^2$$

عند تسليط مجال كهربائي  $\mathcal{E}$  على شبه موصل فان كثافة التيار الناتج عن الالكترونات يكون

$$J_n = ne\mu_n\mathcal{E}$$

وكثافة التيار الناتجة عن الثقوب

$$J_p = pe\mu_p\mathcal{E}$$

حيث تمثل  $\mu_n$  و  $\mu_p$  تحركية الالكترونات والثقوب على التوالي اما كثافة التيار الكلي فتكون

$$J = J_n + J_p = (n\mu_n + p\mu_p) e\mathcal{E}$$

$$J = \sigma \mathcal{E}$$

$$\sigma = (n\mu_n + p\mu_p) e$$

وبالنسبة للشبه الموصل النقي ( $n=p= n_i$ ), فالإيصالية تكون

$$\sigma = (\mu_n + \mu_p) n_i e$$

ان  $n_i$  تتغير بتغير درجة الحرارة حيث

$$n_i^2 \propto T^3 e^{-E_{G_0}/KT}$$

وتمثل  $E_{G_0}$  فجوة الحزمة عند الصفر المطلق

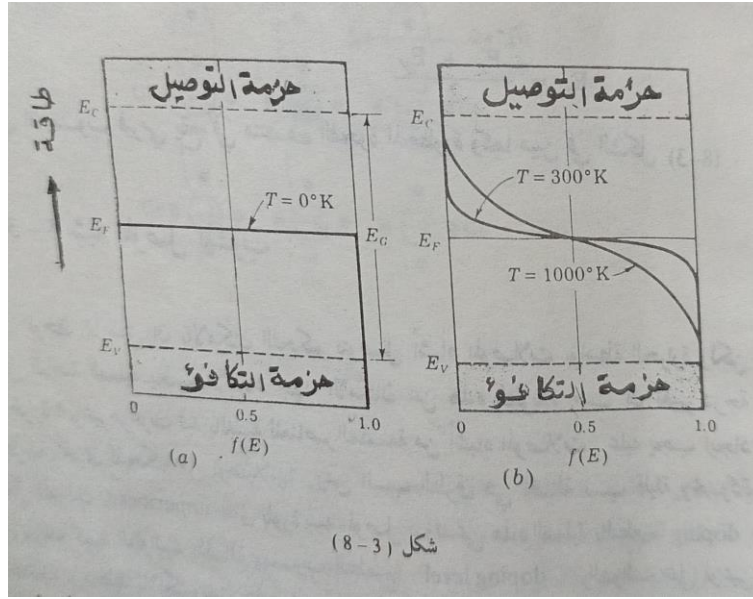
وبالنسبة للجرمانيوم فان الكثافة (في السنتيمتر المكعب) تتغير بتغير الحرارة كالآتي

$$n_i^2 = 3.1 \times 10^{32} T^3 e^{-9101/KT}$$

$$n_i^2 = 1.5 \times 10^{33} T^3 e^{-14028/KT}$$

نستنتج من هاتين المعادلتين بان الإيصالية في الجرمانيوم تزداد بنسبة 6 بالمئة كلما زادت درجة الحرارة درجة مئوية واحدة اما في السليكون فتبلغ الزيادة 8 بالمئة

ما الشكل (8 - 3) b فيوضح تأثير الحرارة التي تحفز الإلكترونات الى مستوى طاقة أعلى وبذلك تملا بعض المستويات قرب قعر حزمة التوصيل  $E_c$ . ونتيجة لذلك فإن احتمال ملء حزمة التكافؤ  $E_v$  بالإلكترونات ستقل عما كانت عليه أي عن 100 بالمائة .



شكل ( 8 - 3 )

شكل ( 8 - 3 )

وتوضح المعادلة التالية تغيير تركيز ( أو كثافة الإلكترون في حزمة التوصيل مع الحرارة

$$n = N_C e^{-(E_C - E_F)/kT} \dots\dots\dots (17)$$

حيث تمثل  $N_C$  الكثافة الفعالة لمستويات الطاقة في حزمة التوصيل. أما تغير تركيز الثقوب مع الحرارة في حزمة التكافؤ فيتبع العلاقة التالية :

$$p = N_V e^{-(E_F - E_V)/kT} \dots\dots\dots (18)$$

حيث تمثل  $N_V$  الكثافة الفعالة لمستويات الطاقة في حزمة التكافؤ . وبالنسبة لشبه الموصل النقي حيث  $n=p=ni$

$$N_C e^{-(E_C - E_F)/kT} = N_V e^{-(E_F - E_V)/kT}$$

$$E_F = \frac{E_C + E_V}{2} - kT \ln \frac{N_C}{N_V}$$

وإذا ما تساوت  $N_C$  و  $N_V$  فإن

$$E_F = \frac{E_C + E_V}{2}$$

أي أن منسوب فيرمي يقع في منتصف الفجوة المحظورة وكما مبين في الشكل (8-3).